# Nanomecánica de nano-objetos individuales

Autor: Alonso San Miguel. Expositora: Paula Escobar. GNM

# Experimentando en condiciones extremas de Presión

• Yunque de diamante







# Celda de yunque de diamante (DAC)



Calor del láser: Tmáx ~ 3000 K

# Análisis por radiación de RX



## Calentamiento en el DAC por un láser



# Nanotubos de Carbono

### Single wall carbon nanotubes 1.37 nm 3nm ~1 nm Niddle Beginning ~1 µm End S. Iijima et T. Ichihashi, Nature 363, 603 (1993)

Discovered 1991, Iijima

(probably seen already in the 60's !!)

SWCNT – 1.9 nm Zheng *et al.* Nature Materials 3 (2004) 673.

Multiwall carbon nanotubes

## Estructura de un SWNT



# Propiedades de los SWNT

### Electrical conductanse depending on helicity

$$C_{h} = n \vec{a}_{1} + m \vec{a}_{2} \qquad \text{If} \quad \frac{2n+m}{3} = i \quad \text{, then metallic} \\ \text{Current capacity} \qquad \qquad 3 \qquad \qquad \text{else semiconductor}$$

Carbon nanotube 1 GAmps / cm<sup>2</sup>

Copper wire 1 MAmps / cm<sup>2</sup>

Heat transmission

Comparable to pure diamond (3320 W / m·K)

Temperature stability

Carbon nanotube 750 °C (in air)

Metal wires in microchips 600 - 1000 °C

Caging

May change electrical properties

 $\rightarrow$  sensor





# Síntesis de nanotubos de carbono

### Técnicas más comunes de síntesis:

- Deposición química de vapor (CVD)
- Descarga de Arco
- Láser ablation

### Las técnicas difieren en:

- Tipo de nanotubo
- Catálisis usada
- Rendimiento
- Pureza

# CVD

- Relativamente barato
- Depositación en fase gaseosa
- Los nanotubos están alineados
- Es posible una producción a gran escala
- SWNT / MWNT
- Sustrato modelador



Longest nanotubes by CVD: 7 mm



# Descarga de Arco

- Relativamente barato
- •Muchos tipos de productos
- Procesos batch



# Láser ablation

- Catalizador / Sin catalizador
- MWNT / SWNT
- Eficiencia menor que el 70%





- Uso de un láser muy potente
- Caro (costos energéticos)

# Síntesis: Mecanismo de Crecimiento

- Catálisis metálica
- Crecimiento desde la raíz / desde el extremo



# Purificación

- Remover los catalizadores
- Sacar pequeños fulerenos
- Limpiar otras impurezas carbonaceas

# Del grafito a los nanotubos de carbono

## El Grafito

- Anisótropo
- Modulo de Young en el plano: 1.06 Tpa
- Limite elástico a la tracción: 130 Gpa (teo.)

Esto nos hace pensar que las propiedades mecánicas de los nanotubos serian destacables.

## Nanotubos Los nanotubos de C son los más "fuertes" de los materiales conocidos

#### • Young Modulus (stiffness):

Carbon nanotubes	~ 1000 GPa			
Carbon fibers	425 GPa (max.			
High strength steel	200 GPa			

#### Tensile strength (breaking strength)

Carbon nanotubes	11-63 GPa			
Carbon fibers	3.5 - 6 GPa			
High strength steel	~ 2 GPa			

- Elongation to failure : ~ 20-30 %
- Density:

Carbon nanotube (SW) 1.33 – 1.40 gram / cm<sup>3</sup> Aluminium 2.7 gram / cm<sup>3</sup>



# Flexibilidad



Nanoscience Research Group University of North Carolina (USA) http://www.physics.unc.edu/~rsuper/research/

Puede soportar casi reversibilidad a altas presiones sobre 40 Gpa.

# Nanotubos de carbono como una viga hueca.



Elasticité d'une poutre

Pour une poutre homgène et élastique, une deformation transverse est donnée par l'équation de Bernouilli-Euler :

$$\frac{d^2 u_z}{dx^2} = -\frac{M(x)}{YI} \quad (1)$$

M(x): Moment de flexion dans la position x (sollicitation) I : Moment d'inertie surfacique :  $I = \iint_{s} z^{2} dy dz$ 

De (1) on obtient la déflexion d'ue poutre encastrée de longueur L soumise à une force F à l'extremité opposée :  $\delta = \frac{FL^3}{3YI}$ 

Pour un tube :  $I = (\pi/64) (D_e^4 - D_i^4)$ 

¿Puede considerarse al nanotubo cómo un medio continuo con un grosor dado?



Esto no resulta evidente. Hay dos valores en la literatura:

- 0.07 nm (valor adoptado del plano de grafito combinado con cálculos/experiencias
- 0.34 nm (semi-distancia entre planos de grafeno en el grafito

```
Ocupando la ecuación vista antes se obtiene
para un SWNT tipicamente:
(1 TPa, 0.34 nm)
```

```
(5 Tpa, 0.07 nm)
```

Se tiene tY ~ 0.35 nm TPa

# Para MWNT: Y depende del número de paredes

$$Y_N = \frac{N}{N - 1 + (t/d_i)d_i} \frac{Et}{d_i}$$

avec  $d_i \approx 0.34 nm$  la distance entre tubes

N	1	2	3	4	5	8	10	20	100
$Y_m$	4.70	1.70	1.41	1.29	1.23	1.15	1.13	1.08	1.05

# Medida de las constantes elásticas en un nanotubo de carbono.

### Medida del Y en MWNT y desplazamientos con un nano-manipulador

K. Enomoto, App. Phys. Lett. 88 153115 (2006)



Le déplacement, d, de l'extrimité d une poutre sur laquelle on exerce une force F est :



#### Y dans MWNT-individuels et défauts



FIG. 4. Relationship between apparent Young's modulus obtained from each measurement and  $I_D/I_G$  obtained from Raman spectra. The small open circles indicate experimental values. The average apparent Young's moduli obtained from each series of experimental values are shown as large plots in this figure.

### Deformación con una punta AFM (microscopia de fuerza atómica)







## Vibraciones de una viga

Pour des petites deformations, l'équation du mouvement d'une poutre de section A, masse volumique  $\rho$  module de Young E et moment d'inertie I est

$$\rho A \frac{\partial^2 u}{\partial t^2} + E I \frac{\partial^4 u}{\partial x^4} = q(x)$$

où q(x) est une charge distribuée

La solution de cette équation permet d'obtenir les fréquances propres de vibration de la poutre :  $\omega_i = \frac{\beta_i^2}{I^2} \sqrt{\frac{EI}{oA}}$ 

avec  $\beta_1$  les racines d'un équation qui dépend des conditions limites.

Dans le cas d'une poutre fixé à une extremité :  $\cos \beta_i \cosh \beta_i + 1 = 0$ On obtient pour les trois premiers modes :  $\beta_1 \approx 1.875$   $\beta_2 \approx 4.691$   $\beta_3 \approx 7.855$ 



# Vibraciones producidas por un campo eléctrico variable



Poncharal et al., Science (283) 1999

S.T. Purcell, et al., Phys. Rev. Lett., 89, 276103 (2002).

# Deformación y "buckling"



- Los tubos bajo abrupto cambio de forma bajo esfuerzo, emiten fonones, o crujen. Esto corresponde a singularidades en la curva deformación/esfuerzo.
- Los tubos luego de esto vuelven a su forma original.

# Vibraciones en un SEM

- Mide la frecuencia por proyección directa de la imagen o alineación del modo
- Frecuencias de resonancia para V=0

Vibraciones para el 1er, 2do y 3er modo



 $\omega_{exc} = 2\omega_i/n$  $\omega_i$  - harmonics

 $n = 1, 2, 3, 4, \dots$ 

Young's modulus?

## Vibrations in SEM for an SiC nanowire

15280 Hz



 $\omega_1 = \left(\frac{1.875}{L}\right)^2 \sqrt{\frac{EI}{\rho S}} \quad , \quad \omega_2 = \left(\frac{4.694}{L}\right)^1 \sqrt{\frac{EI}{\rho S}} \quad , \quad \omega_1 = \left(\frac{7.855}{L}\right)^1 \sqrt{\frac{EI}{\rho S}}$ 



- Elastic glue must be taken • into account
- · Young's modulus: E = 530 GPa

equal to bulk SiC

# Dependencia de Y para SWNT con el diámetro y la quiralidad

- Tema aún en controversia
- No hay medidas decisivas

Aproximación básica:

curvar un enlace lo debilita, entonces para diametros pequeños Y disminuye y puede aparecer alguna dependencia de la quilaridad.

### La opinión de los especialistas:

los efectos mencionados son chicos y el efecto dominante en un experimento son la presencia de defectos.

# Deformación radial de los NT

 Para diámetros grandes las interacciones de van der Waals bastarán para deformar radialmente un tubo



Nanotube sur nanotube



Simulations de nanotubes sur silicium

# Deformación radial de C-SWNT relleno con fullerenos



- A densidad 0 el limite de deformación de los NT disminuye con T
- El relleno de nanotubos permite modular este comportamiento pero su sensibilidad al temperatura aumenta.

- Résistance à la
- compression radiale de
- nanotubes : V. Lordi and
- N. Yao, J. Chem. Phys.
- 109, 2509 (1998).





Deformación radial a presión hidrostática (pasa de cilindro a ovoide): Pt = 3D/R^3 (en mecánica del continuo) con D la resistencia a la flexión y R el diámetro del tubo

# Defectos y fracturas en nanotubos de carbono.

### Dependencia de la quilaridad como la responsable de deformación y formación de defectos de Stone-Wales

 a) La tensión encuentra una liberación natural en una rotación en enlace de 90° para el tubo de la armchair, de tal modo que se alarga el tubo y se libera el exceso de energía de tensión. Se forma el defecto, que conduce al comportamiento no-elástico.

 e) La tensión induce una rotación 60° en el tubo del zigzag. Menos alargamiento del tubo por lo tanto más resistente a la formación del defecto



# Defectos en nanotubos



Stone-Wales defectos (5+7)

La energía de formación de Stone-Wales depende del ángulo de quilaridad:  $E_{sw} = A - B\epsilon - C \sin(2\chi + \frac{\pi}{6})\epsilon$ 

Con epsilon la tensión aplicada

### Otro tipo de defectos en SWNT y MWNT

#### In MWNT



Interlayer interstitial

Interlayer dimer
# Deslizamiento y fractura de defectos S-W



La dislocación "5-7-7-5" se desarrolla como una grieta (clivación frágil) o como pares de dislocaciones que se deslizan lejos a lo largo del plano espiral del resbalón (producción plástica). En el último caso, el cambio del quilaridad del nanotubo es reflejado por un cambio progresivo del diámetro y por variaciones correspondientes de características eléctricas.

#### Flujo Plástico y fractura en un C-SWNT



#### Límite elasticidad de gavillas de SWNT





Détermination de la limite d'élasticité : > 45 GPa

D.A. Walters et al., App. Phys. Lett. 1999

# Deformación para SWNT semiconductor/metal



Effect of strain on bandgap. Legend: n - m = 3q + 1, n - 3 = 3q, n - 3 = 3q - 1, where n, m and q are integers.

#### Nanomecánica de nano-objetos individuales







II. Fullerenes

#### <u>Fulereno</u>

"La más simétrica de las grandes moléculas".

• Descubierta en 1985

(premio Nobel de Química 1996 para Curl, Kroto y Smalley).

• C<sub>60</sub> también 70, 76 y 84







Epcot center, Paris



. Buckminster Fuller

## Fulereno

- Forma simétrica
   Lubricante
- Gran área superficial Catalizador
- Alta temperatura ~ 500 °C
- Alta presión
- Hueco
- Enjaula partículas
- Ferromagnético?
   Polimerizado C60
   Sobre los 220 °C







## Fulereno

- Químicamente estable como el grafito.
- Cristaliza por la fuerza débil de van der Waals.

#### Superconductividad:

K3C60 : 19.2 K

RbCs2C60 : 33 K





### Fulerenos

- El modulo de Bulk de un C60 aislado ha sido sóllo calculado.
- Este se encontraria entre 650 y 850 Gpa.
- ¡No hay otro material que exhiba tan alto modulo de bulto!

Pero no hay que olvidar que esta es sólo una molécula.



Presión necesaria para obtener diferentes diámetros de la molécula.

#### Nanomecánica de Nano-objetos ensamblados







#### Materiales nanoestructurados homogeneos: nano-objetos ensamblados

Nanocristales

 Cristales de nanocajas: clatratos y fuleritos

• Ensambles de nanotubos

#### Interacción de nanosistemas: Nano intercalación



Endohedral intercalation possible

Endohedral and exohedral intercalation possible

#### Nsurface/Ntotal

## Nanocristales

En comparación con los materiales policristalinos los nano cristales, puede exhibir:

- Incremento de fuerza/dureza,
- Dureza mejorada,
- módulo elástico reducido,
- ductilidad reducida,
- difusividad realzada,
- un calor específico más alto,
- coeficiente realzado de la extensión termal,
- características magnéticas suaves superiores.

### Asociación de nanocristales



Exemples de microcristaux « traditionnels »





Nanocristaux : Importance des interfaces (« atomes blancs »)

La fracción de volumen en la interfase puede ser tanto como:

- 50% para granos de 5 nm
- 3% para granos de 10 nm
- ~3% para gramos de 100 nm

#### Importancia de la porosidad



60

40

X (Angstroms)

-40

presión

#### Tipos de nanocristales diferentes

Chem. comp.	Same	Different for	Composition of	Crystallites
of crystallites		different	boundaries and	dispersed in
		crystallites	crystallites	matrix of
Shape			different	different
of				composition
crystallites				
Layer-	KXXXXXX	Kanna -	****	XXXXXXXXXX
shaped				*********
				HI HILLE
Rod-	AN 25 83 972	THE 25 100 100	HI-FART	
shaped		202 (5) 202 (C)		Est Est
Equiaxed	ELEFTER	HI HH KA	THIMPERS	A DEPEN
crystallized				
		111 AND NO. 1	用俚命品	
			E CUVE	ABB .
	a the the	a 8 6 44	- B. Batter	

Homogeneous nanocrystals



## Relación de Hall-Petch.

En un policristal, el límite de elasticidad, σ<sub>y</sub>, depende del tamaño del grano (d) de los cristalitos mediante la relación:

$$\sigma_y = \sigma_0 + \frac{K}{\sqrt{d}}$$

- Donde  $\sigma$ 0 es el límite de elasticidad del monocristal.
- K depende del tipo de material
- K es grande para los aceros (sus propiedades mecánica mejoran con la disminución del tamaño de los granos) pero es menor para las estructuras c.f.c o h.c..

## Efecto Hall-Petch

- Establecido experimentalmente para los tamaños de grano en el rango de milímetros con el submicrometro los 50's.(\*)
- Idea básica: los límites de ese grano actúan como obstáculos al deslizamiento de la dislocación (las dislocaciones son portadores de la deformación plástica).
- Con un tamaño de grano más pequeño, las dislocaciones requieren mayores cantidades de energía para superar las barreras de la interfaz al movimiento con el consecuente incremento en la elasticidad del material
- Entonces, a condiciones ambiente (ningún arrastramiento), el limite de elasticidad aumenta mientras que el tamaño de grano disminuye.

(\*) The Hall-Petch effect is named for E.O. Hall and N.J. Petch from their papers of

the early 1950's, e.g. "The Cleavage

Other with  $f \cap w$  is take? Note that  $f \cap w$  is take  $f \cap w$ .

## **Dislocación Pile-ups**

Explicación clásica del efecto Hall-Petch

- 2. Algunas concentraciones de stress en un grano dado se requieren para iniciar el deslizamiento en su grano vecino.
- La concentración de la tensión es más plausible de obtener con una dislocación pile-up, la tensión es más alta pues el número de dislocaciones aumenta.
- Así cuanto más grande es el tamaño de grano, es más rápidamente (en términos de la tensión macroscópica) alcanzada la tensión crítica en la cuál se inicia el resbalón en el grano vecino.



La tensión del borde de grano debido a la

dislocación pile-ups puede causar:

- emisión de la dislocación desde el borde de grano 1
- activa una nueva fuente de la dislocación en el punto r (en grano 2)

# Dependencia del Material

- La constante de Hall-Petch, K en la ecuación, varia considerable entre materiales
- Solutos tienden a realzar la magnitud del efecto Hall-Petch

Material	Crystal structure	$k_y(MN/m^{3/2})$	
Low-carbon steel	bee	0.307	
Armeo iron	bec	0.583	
Molybdenum	bee	1.768	
Zinc	hep	0.220	
Magnesium	hep	0.279	
Titanium	hep	0.403	
Copper	fec	0.112	
Aluminum	fee	0.068	

Source: Adapted from J. D. Embury, Strengthening Methods in Crystals, ed. A. Kelly and R. B. Nicholson, Wiley, New York, 1971.
Original data from: R. Armstrong et al., Phil. Mag., 7, 45, 1962;
E. Anderson et al., Trans TMS-AIME, 242, 115, 1968; A. A. Johnson, Phil. Mag., 4, 194, 1959; F. E. Hauser et al., Trans TMS-AIME, 206, 889, 1956; R. W. Guard, WADC Tech. Report 55-RL-1339, 1955;
F. Feltham and J. E. Meakin, Phil. Mag., 2, 105, 1959; R. P. Carreker and W. R. Hibbard, Trans. TMS-AIME, 209, 1157, 1957.

Table 5.1 Values of k, for several materials

# Tamaño de grano y Fractura

 El tamaño de grano tiene tambien marcados efectos sobre la fractura la cual fue, de hecho, parte de la contribución original de Petch.



FIG. 17.14. Dependence of the brittle fracture stress on grain size at 77°K. (Petch, 1953. Courtesy of British Iron and Steel Institute.)

# ¿Es valida la relación de Hall-Petch en materiales nanocristalinos?

- La relación de Hall-Petch sugiere que los materiales notablemente fuertes se puedan generar para los tamaños de grano en la escala del nanómetro
- PERO para los granos muy pequeños (~12 nm) el mecanismo de deformación es diferente. Se ha propuesto que la deformación plástica no es mayormente dominada por el movimiento de la dislocación sino por el resbalar atómico de los bordes de grano
- En este régimen de pequeño tamaño de grano, este efecto de resbalamiento tendería a dominar debido a la mayor proporción de borde de grano en el parámetro de red. Esto debe conducir a ablandar el material
- PERO muchas de las primeras medidas de un efecto de Hall-Petch inverso fueron probablemente el resultado de desconocidos porods en las muestras. La presencia de vacíos en nanocristales metalicos conduciría indudablemente a su tener características mecánicas más débiles
- Esto es un área emocionante y es un campo animado de investigación y desarrollo.

# Posibles limites a Hall-Petch: creep.

- Una importante propiedad de los materiales es su resistencia a resbalar (*creep*).
- Creep es el flujo (plástico) irreversible en promedio bajo para esfuerzos pequeños.
- Creep es altamente sensible a la temperatura porque la activación termal fabrica la mayor contribución de flujo plástico cuando la tensión es demasiado pequeña para superar la barrera mecanica al movimiento de la dislocación
- El coeficiente de difusión (D = Do exp{-Q/RT}) es exponencialmente dependiente de la temperatura.
- La energía de activación (entalpia) es aproximadamente proporcional al punto de fusión del material.
- A la misma temperatura, un material con un punto alto de fusión puede exhibir lenta difusión que un material con menor punto de fusión.

# Posibles limites a Hall-Petch: creep.

• Sin embargo es común usar temperatura homogénea como una medida de temperatura relativa:

 $T' = T/T_{melt}$ 

- Materiales pueden tender a escurrir (creep) a altas temperaturas homogéneas debido a difusión que permite el cambio de forma. Este es el mecanismo de escurrimiento Nabarro-Herring
- Existen otros mecanismos de arrastre que pueden ser más complejos

#### Cruce entre el efecto Hall-Petch normal e inverso



- 'normal' Hall-Petch effect:  $\sigma \sim d^{-0.5}$  (dislocation mechanism)
- 'inverse' Hall-Petch effect: σ ?~? d<sup>+1...+3</sup> (grain-boundary mechanism)
- La transición desde la deslización de la dislocaciónesliza a los mecanismos de la deformación del grano-li'mite con resultados del tamaño de grano que disminuyen en una cruce en las características mecánicas

#### ¿Es el efecto Hall-Petch inverso inevitable?



Diferentes tipos de modelos teóricos son propuestos.

La respuesta aún no esta determinada

 En la nanoescala, la interrupción de Hall-Petch conduce a tres comportamientos acordes a si las dislocaciones son nucleadas en las cimas (i), en las ensambladuras triples del límite de grano (GB) (ii), o en GBs (iii).

F Louchet et al PRL 97, 075504 (2006)

## Materiales a Base de Nanocajas:

### \_ Fuleritos \_ Clatratos

### **Clatratos y Fuleritos**



Van der Waals bonding







# Polimerización del C60

Como se polimerizan los fulerenos:

\_UV

\_HTHP (hight temperature hight pression)

\_ presión no hidrostatica a temperatura ambiente

\_ Intercalación





#### C<sub>60</sub> P-T ex situ diagram or "reaction diagram"





Marques et al., Science 283

C<sub>av</sub> polymerization is not fully understood: - different results from different groups

- reversible only up to low P-T (1 GPa- 400 K)

A. San Miguel, Chem. Society Reviews (2006)

# Some high pressure and high temperature pathes for $C_{_{60}}$ polymerisation

	~ 60	5. 6 1 11 - 511	calca	0	
		2D C <sub>60</sub> polymer		3D C <sub>60</sub> polyme	
	S. G.	Lattice parameter and density (d, g/	s (Å) cm <sup>3</sup> )	S. G.	Lattice parameters (Å) and density(d, g/cm <sup>3</sup> )
2.5 GPa 500 °C	Immm	a = 9.026(2) b = 9.083(2) c = 15.077(3) $d_{calcd} = 1.9$	15 GPa 600 °C	Immm	a = 7.86(2) b = 8.59(3) c = 12.73(4) $d_{calcd} = 2.78$
5 GPa 500 °C	R-3m	a = 9.175(1) c = 24.568(3) $d_{calcd} = 2.00$	15 GPa 600 °C	R-3m	a = 9.19(1) c = 21.99(7) $d_{calcd.} = 2.23$
15 GPa			Fm-3	a = 11.93 $d_{calcd} = 2.82$	

#### Geometric frustration upon polymerization

#### **Avoiding frustration**



- Avoid geometrical frustration by stressdriven bond selection
- Applied anisotropic stress selects the directions of bonding [L.Marques et al, PR B68, 193408 (2003)]

Frustrated C60 polymer

Synthesis: 13 GPa and 800 K.



Typical x-ray diffraction pattern



M. Mezouar et al. PRB (2003)

• Polymerized C<sub>60</sub> is a geometrically frustrated system.

#### 3D polymerized fullerenes: anisotropic compressibility

#### Synthesis: 13 GPa and 800 K.



Typical x-ray diffraction pattern



M. Mezouar et al. PRB (2003)

#### 3D polymerized fullerenes : hardness (indentation)

Synthesis: 13 GPa and 800 K.



A.V. Talyzin et al. PRB (2005)
## Fullerene deformation through ionic interaction

Isolated C<sub>60</sub>



Single bond: 1.441 Double bond: 1.393  $C_{60}$  in bcc  $A_6C_{60}$  (A=alkali metal)



Single bond: 1.445, 1.446, 1.448 Double bond: 1.429, 1.433

## Deforming the $C_{60}$ molecule under pressure



	techinques	$Rb_6C_{60}$	$Cs_6C_{60}$	
		$B_0 \ ({\rm GPa})$	$B_0 \ ({\rm GPa})$	$B_0$
Total volume	Diffraction	$36 (\pm 3)$	$39(\pm 3)$	6.7
Total volume	Calculation	28	27	6.7
Molecule volume	Calculation	680	530	6.4
Interstitial volume	EXAFS	$12 (\pm 3)$	$19(\pm 3)$	5.0

Agreement between experiments and calculations

R. Poloni, A. San Miguel et al. (submitted)